

愛知工科大学自動車短期大学

2023年度 一般選抜問題（前期）

数 学

解答・配点

問題 1. 次の各問いに答えよ。

(1) $(x + 9)^2 + 15(x + 9) + 54$ を因数分解せよ。

(配点 : 10 点)

$$(x + 9)^2 + 15(x + 9) + 54 = \{(x + 9) + 6\}\{(x + 9) + 9\} = (x + 15)(x + 18)$$

答

$$(x + 15)(x + 18)$$

(2) 連立不等式 $\begin{cases} 5(x + 1) \geq 3(3x - 1) \\ 2x + 9 \geq -3(x + 2) \end{cases}$ を解け。

(配点 : 10 点)

$$5x + 5 \geq 9x - 3 \quad \text{より,} \quad x \leq 2$$

$$2x + 9 \geq -3x - 6 \quad \text{より,} \quad x \geq -3$$

$$\text{よって } -3 \leq x \leq 2$$

答

$$-3 \leq x \leq 2$$

問題 2. 次の各問いに答えよ。

(1) 2つの二次関数 $y = -x^2 + 2x + 3$, $y = ax^2 + bx + 6$ の頂点が一致するとき, a , b の値を求めよ。

(配点 : 10 点)

$$y = -x^2 + 2x + 3 = -(x - 1)^2 + 4 \quad \text{より, 頂点}(1, 4)\text{である。}$$

$$y = ax^2 + bx + 6 = a\left(x + \frac{b}{2a}\right)^2 + 6 - \frac{b^2}{4a} \quad \text{より, 頂点}\left(-\frac{b}{2a}, 6 - \frac{b^2}{4a}\right)\text{である。}$$

$$\text{これより, } -\frac{b}{2a} = 1 \quad 6 - \frac{b^2}{4a} = 4 \quad \text{となり, } a = 2, b = -4$$

答

$$a = 2$$

$$b = -4$$

(2) $x^2 - 8x + 3 = 0$ に関する解を求めよ。

(配点 : 10 点)

$$x = \frac{-(-4) \pm \sqrt{(-4)^2 - 1 \times 3}}{1} = 4 \pm \sqrt{13}$$

答

$$x = 4 \pm \sqrt{13}$$

問題 3. 次の各問いに答えよ。

(1) 1800 を素因数分解せよ。

(配点：10 点)

$$2) \underline{1800}$$

$$2) \underline{900}$$

$$2) \underline{450}$$

$$3) \underline{225}$$

$$3) \underline{75}$$

$$5) \underline{25}$$

5

$$1800 = 2^3 \times 3^2 \times 5^2$$

答

$$2^3 \times 3^2 \times 5^2$$

(2) 1578 と 3053 の最大公約数を求めよ。

(配点：10 点)

ユークリッドの互除法を用いて求めると

$$3053 = 1578 \times 1 + 1475$$

$$1578 = 1475 \times 1 + 103$$

$$1475 = 103 \times 14 + 33$$

$$103 = 33 \times 3 + 4$$

$$33 = 4 \times 8 + 1$$

$$4 = 1 \times 4 + 0$$

よって、1578 と 3053 の最大公約数は 1 である。

答

1

問題 4. 次の各問いに答えよ。

(1) 3進法で表された $12012_{(3)}$ を 10進法で表しなさい。

(配点 : 10 点)

$$1 \times 3^4 + 2 \times 3^3 + 0 \times 3^2 + 1 \times 3^1 + 2 \times 3^0 = 140$$

答

140

(2) 等式 $xy - 4x + y = 14$ を満たす自然数の組 (x, y) についてすべて求めよ。

(配点 : 10 点)

$xy - 4x + y = 14$ は, $xy - 4x + y - 4 = 10$, つまり,

$$(x+1)(y-4) = 10 \dots\dots \textcircled{1}$$

と変形できる。

x, y が自然数のとき, $x+1$ と $y-4$ も整数で, かつ,

$$x+1 \geq 2, \quad y-4 \geq -2$$

のため, 10 の約数を考えて, ①が成立するのは

$$(x+1, y-4) \text{ が } (2, 5), (5, 2), (10, 1)$$

のどれかに等しいときに限る。これはつまり

$$(x, y) \text{ が } (1, 9), (4, 6), (9, 5)$$

のどれかに等しいときということである。

したがって答えは $(1, 9), (4, 6), (9, 5)$ である。

答

$(1, 9), (4, 6), (9, 5)$

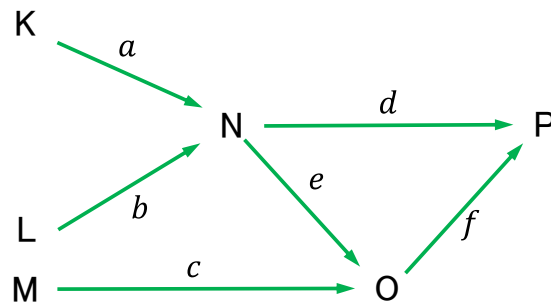
問題 5.

あるレースにおける参加人数の動向を下図に示す。K, L, M, N, O, P は各レースを表しており, a, b, c, d, e, f はその参加者の比率を表している。例えば, 図ではレース K の参加人数のうち比率 a がレース N に出場したことを示している。図における各比率は, 次の通りである。

$$a = 0.60 \quad b = 0.20 \quad c = 0.40 \quad d = 0.30 \quad e = 0.10 \quad f = 0.50$$

レース K, L, M の各参加者のうち, レース P に出場した割合がもっとも多かったレースを 3 つのなかから選び, 理論的に考えをまとめ, その理由を記述せよ。

(配点 : 20 点)



答

レース K からレース P へのルートは **KNP** と **KNOP** の 2 通りである。

KNP による参加者は, $ad = 0.60 \times 0.30 = 0.18$ より, 18%となる。

同様に, **KNOP** による参加者は, $ae f = 0.60 \times 0.10 \times 0.50 = 0.03$ より, 3%となる。

このことから, レース K に出場した参加者のうちレース P に出場した参加者の割合は $ad + ae f = 0.18 + 0.03 = 0.21$ より, 21%である。

レース L からレース P へのルートは **LNP** と **LNOP** の 2 通りである。

LNP による参加者は, $bd = 0.20 \times 0.30 = 0.06$ より, 6%となる。

同様に, **LNOP** による参加者は, $be f = 0.20 \times 0.10 \times 0.50 = 0.01$ より, 1%となる。

このことから, レース L に出場した参加者のうちレース P に出場した参加者の割合は $bd + be f = 0.06 + 0.01 = 0.07$ より, 7%である。

レース M からレース P へのルートは **MOP** の 1 通りである。

MOP による参加者は, $cf = 0.40 \times 0.50 = 0.20$ より, 20%となる。

このことから, レース M に出場した参加者のうちレース P に出場した参加者の割合は 20%である。

以上をまとめて, レース P に出場した割合がもっとも多かったレースは, 21%のレース K である。